Monatshefte für Chemie 100, 79-90 (1969)

Die Kristallstruktur der Verbindung LiNa[Ge₄0₉]

Von

H. Völlenkle, A. Wittmann und H. Nowotny

Aus den Instituten für physikalische Chemie der Universität und der Technischen Hochschule Wien

Mit 3 Abbildungen

(Eingegangen am 14. August 1968)

Die Kristallstruktur der Verbindung LiNa[Ge₄O₉] wird durch dreidimensionale Patterson- und Fourier-Synthesen bestimmt und mit Hilfe der Methode der kleinsten Quadrate verfeinert. Die rhombische Elementarzelle (Pcca- D_{2h}^8) mit den Abmessungen: a = 9,31, b = 4,68, c = 15,88 Å enthält 4 Formeleinheiten. Die Struktur wird aus [GeO₃]_n-Ketten mit tetraedrisch koordiniertem Germanium aufgebaut, die über [GeO₆]-Oktaeder zu einem dreidimensionalen Gerüst vernetzt sind. Als mittlere interatomare Ge—O-Abstände wurden erhalten: 1,758[4] und 1,866[6] Å. Die Verbindung LiNa[Ge₄O₉] stellt ein Endglied der Mischreihe Li_{2-x}Na_x[Ge₄O₉] dar.

Crystal Structure of LiNa[Ge₄O₉]

The crystal structure of LiNa[Ge₄O₉] has been determined by means of three-dimensional Patterson and electron density syntheses and refined by least-squares methods. The orthorhombic unit cell (Pcca- D_{2h}^8) having the lattice parameters a = 9.31, b = 4.68 and c = 15.88 Å contains 4 formula units. The crystal structure consists of [GeO₃]_n-chains of tetrahedrally coordinated Ge-atoms which are connected by [GeO₆]-octahedra to form a three-dimensional framework. The interatomic Ge—Odistances are found to be 1.758[4] and 1.866[6] Å. The compound LiNa[Ge₄O₉] represents a member of the solid solution series Li_{2-x}Na_x[Ge₄O₉].

Im Rahmen von kristallchemischen Untersuchungen an Alkaligermanaten wird das Mischungsverhalten der bereits früher beschriebenen Verbindungen Li₂Ge₄O₉¹ und Na₂Ge₄O₉^{2, 3} untersucht. An Hand von Pulveraufnahmen kann gezeigt werden, daß Li₂Ge₄O₉ an Stelle von Lithium bis zu 50% Natrium im Gitter aufzunehmen vermag. In Tab. 1 sind die Gitterparameter für Proben der Mischreihe Li_{2-x}Na_xGe₄O₉ wiedergegeben.

Tabelle 1. Gitterparameter für Vertreter der Mischreihe ${
m Li}_{2-x}{
m Na}_x[{
m Ge}_4{
m O}_9]$, in Å

Zusammensetzung	a	b	с	
Li2[Ge4O9] Li1,5Na0,5[Ge4O9] LiNa[Ge4O9]	9,29 9,30 9,31	$4,64 \\ 4,66 \\ 4,68$	15,76 15,81 15,88	

Experimentelles

Pulvermischungen aus Li_2CO_3 (reinst, Merck), Na_2CO_3 (p. a., Merck) und GeO_2 (99,999%, Loba-Chemie; Quarzform) im entsprechenden Verhältnis wurden bei 1200° C im Platintiegel zur Reaktion gebracht und geschmolzen.

Zur Bestimmung der Kristallstruktur wurde ein Einkristall aus einer langsam erstarrten Schmelze der Zusammensetzung $\text{Li}_2\text{O} \cdot \text{Na}_2\text{O} \cdot 8 \text{ GeO}_2$ isoliert und für Weissenberg-Aufnahmen um die [010]-Achse justiert. Die gefundenen Auslöschungen: (0kl) nur mit l = 2n; (hol) nur mit l = 2n und (hk0) nur mit h = 2n stimmen mit den bei $\text{Li}_2\text{Ge}_4\text{O}_9$ beobachteten überein und führen wiederum auf Pcca- D_{2h}^8 als wahrscheinliche Raumgruppe. Die rhombische Elementarzelle enthält demnach 4 Formeleinheiten LiNaGe₄O₉.

Zur Ermittlung der Intensitäten wurden Weissenberg-Aufnahmen (CuK-Strahlung) um [010] der 0. bis 3. Schichtlinie herangezogen. Die Intensitäten wurden durch visuellen Vergleich mit einer Schwärzungsskala erhalten und auf Lorentz- und Polarisations-Faktoren korrigiert.

Bestimmung der Kristallstruktur

Zur Bestimmung der Germanium-Positionen wurde eine dreidimensionale Patterson-Synthese gerechnet. Es zeigte sich, daß die Maxima sämtlicher starken Vektoren einen *y*-Parameter von 0 oder $\frac{1}{2}$ haben und auf Ge-Lagen führen, welche in einer Unterzelle mit den Abmessungen *a*, *b*, *c*/2 und der Symmetrie Pmma — D_{2h}^5 untergebracht werden können. Die Größe dieser Unterzelle ist bereits aus den Einkristall-Aufnahmen unmittelbar ersichtlich durch das Hervortreten der Zonen mit l = 2n.

Für diese Unterzelle, d. h. nur unter Berücksichtigung von Reflexen mit l = 2n, wurde nunmehr eine dreidimensionale Fourier-Synthese mit den Vorzeichen der angenommenen Ge-Positionen gerechnet. In dieser Synthese mit der Symmetrie Pmma erscheinen alle Atome durch die Wirkung der beiden Symmetrieebenen verdoppelt; ausgenommen sind die in diesen Ebenen liegenden Atome, wie z. B. die Ge-Atome.

- ¹ A. Wittmann und E. Modern, Mh. Chem. 96, 581 (1965).
- ² A. Wittmann und P. Papamantellos, Mh. Chem. 91, 1174 (1960).
- ³ A. Wittmann, Fortschr. Mineralog. 43, 230 (1966).

H. 1/1969] Die Kristallstruktur der Verbindung LiNa[Ge₄O₉]

Berücksichtigt man nun die tatsächlich vorliegende, größere Elementarzelle der Symmetrie Pcca — D_{2h}^8 , so gelingt es leicht, unter Zugrundelegung einer tetraedrischen bzw. oktaedrischen Sauerstoffungebung für die Ge-Atome, die Sauerstofflagen aus dieser Fourier-Synthese abzuleiten. Ein in einer Symmetrieebene — parallel zu (*xz*) — liegendes Maximum kann dem Natrium-Atom zugeordnet werden und ergibt mit den abgeleiteten Lagen der Sauerstoffatome eine sinnvolle Umgebung für dieses Ion.



Abb. 1. Dreidimensionale Fourier-Synthese für LiNa[Ge₄O₉]; Lage der Maxima dargestellt durch entsprechende Schnitte parallel (xz); die Linien der Elektronendichte sind in Intervallen von 5 $e/Å^3$ gezeichnet, beginnend mit 5 $e/Å^3$

Eine dreidimensionale Fourier-Synthese mit sämtlichen beobachteten Reflexen bestätigt diesen Strukturvorschlag (Abb. 1). Eine weitere Verfeinerung mit Hilfe der Ausgleichsrechnung führte auf einen R-Wert von

Tabelle 2. Atomparameter und Temperaturkoeffizienten für LiNa[Ge4O9]; Werte in Klammern geben die mittlere Abweichung der letzten Stellen an

Atom	Punktlage	x	y	z	В		
Ge(1)	4 (d)	0,25	0	0,0439 (2)	0,69 (8)		
Ge(2)	4(e)	0,25	0.5	0.4051 (2)	0.80 (9)		
Ge(3)	8(f)	0,0414 (3)	0,0102 (8)	0,3465 (1)	0,80 (8)		
$O(\dot{i})$	4(c)	0,5	0,1668 (67)	0,25	1,31 (49)		
O(2)	8(f)	0,1230 (20)	0,1510 (44)	0,1125(12)	0,59 (31)		
O(3)	8(f)	0,1632 (20)	0,2733 (47)	0,3229(13)	0,56 (33)		
0(4)	8(f)	0,1622 (19)	0,2727 (38)	0,4878(11)	0,24 (30)		
O(5)	8(f)	0,4130 (21)	0,2732 (46)	0,4123(12)	0,82 (34)		
Na	4(e)	0,25	0,5	0,2029 (8)	2,19 (21)		
Li	8 (f) *	0,0200 (140)	0,4700 (280)	0,0110 (90)	1,70 (2,50)		

* Diese Punktlage ist nur zur Hälfte besetzt.

Monatshefte für Chemie, Bd. 100/1

6

h k l	$ F_0 $	$ F_c $	h	k	l	$ F_0 $	$ F_c $	h	k	l	$ F_0 $	$ F_c $
0 0 2	73	70	4	0	18		15	11	0	4	_	10
$0 \ 0 \ 4$	183	198	5	0	2	173	182	11	0	6	51	50
006	93	85	5	0	4	71	66	11	0	8	65	80
008		0	5	0	6	196	243	12	0	0	19	31
0 0 10	74	76	5	0	8		24	0	1	2	15	17
$0 \ 0 \ 12$	97	93	5	0	10	72	66	0	1	4	70	69
0 0 14		25	5	0	12	62	58	0	1	6	178	208
0 0 16	162	152	5	0	14	159	152	0	1	8		6
0 0 18		8	5	0	16	50	47	0	1	10	251	323
$0 \ 0 \ 20$	141	131	5	0	18	92	92	0	1	12	44	37
$1 \ 0 \ 2$	119	119	6	0	0	137	134	0	1	14		31
104	50	47	6	0	2	88	92	0	1	16	63	60
$1 \ 0 \ 6$	137	141	6	0	4	64	64	0	1	18	36	35
108	74	67	6	0	6	136	126	0	1	20	53	62
$1 \ 0 \ 10$	105	100	6	0	8	72	63	1	1	1	15	12
$1 \ 0 \ 12$	48	49	6	0	10		20	1	1	2	137	119
1014	147	161	6	0	12	50	45	1	1	3		9
$1 \ 0 \ 16$	60	58	6	0	14	45	41	1	1	4	208	233
1 0 18		0	6	0	16	87	81	1	1	5	74	62
$2 \ 0 \ 0$	68	56	7	0	2	137	130	1	1	6	41	38
$2 \ 0 \ 2$	182	193	7	0	4	100	105	1	1	7	45	50
2 0 4	124	119	7	0	6	50	46	1	1	8	49	49
2 0 6	147	167	7	0	8	233	231	1	1	9		22
2 0 8	121	105	7	0	10		28	1	1	10		15
2 0 10	177	162	7	0	12	95	100	1	1	11		27
$2 \ 0 \ 12$	108	115	7	0	14		8	1	1	12	78	76
$2 \ 0 \ 14$	127	129	8	0	0	90	89	1	1	13		1
$2 \ 0 \ 16$		20	8	0	2	90	76	1	1	14		1
$2 \ 0 \ 18$		2	8	0	4		25	1	1	15		7
$3 \ 0 \ 2$	127	124	8	0	6	104	124	1	1	16	78	76
3 0 4	89	75	8	0	8	—	18	1	1	17		7
306	124	114	8	0	10	57	53	1	1	18	63	53
308	231	234	8	0	12	58	56	1	1	19		29
3 0 10		0	8	0	14	87	83	1	1	20	48	53
$3 \ 0 \ 12$	124	137	9	0	2	73	68		1	0	182	230
$3 \ 0 \ 14$		8	9	0	4	72	70		1	1		101
$3 \ 0 \ 16$		5	9	0	6	98	102		1	2	171	101
3018	75	71	9	0	8		9		1	3	23	10
400	·206	230	9	0	10	48	43		ł	4	201	196
402	23	17	10	0	12	169	20	2	1	С С	100	140 61
404	30	28	10	0	0	102	190	2	1	0 17	04 47	40
400	 	10	10	0	2: 1	£9	01 69	4 9	1 1	1 Q	41 62	40 61
± U 8	00 07	44	10	0	4 R	03 50	00 50	4	1 1	o Q	38	35
4010	91	91 91	10	6	Q		29 22	2	1	10	40	21
4014		16	10	õ	10	57	53	2	1	11		10
4 0 16	111	101	11	ŏ	$\overline{2}$		17		1	12	144	158

Tabelle 3. Beobachtete und berechnete Strukturamplituden für $LiNa[Ge_4O_9]$

Fortsetzung (Tabelle 3)

h k l	$ F_0 $	$ F_c $	h	k	l	$ F_0 $	$ F_c $	h	k	l	$ F_0 $	
2 1 13	_	12	5	1	5		2	8	1	3		10
$2\ 1\ 14$	82	72	5	1	6	100	99	8	1	4	116	101
$2\ 1\ 15$		7	5	1	7	34	26	8	1	5	<u>. </u>	11
$2\ 1\ 16$	107	115	5	1	8	125	135	8	1	6		13
$2\ 1\ 17$		16	5	1	9		28	8	1	7	—	7
$2\ 1\ 18$	28	24	5	1	10		22	8	1	8	36	24
$2\ 1\ 19$		5	5	1	11		6	8	1	9		1
$3\ 1\ 1$	73	69	5	1	12	115	112	8	1	10	50	49
312	207	231	5	1	13		13	8	1	11		31
$3\ 1\ 3$	—	2	5	1	14	62	58	8	1	12	87	88
$3\ 1\ 4$	94	78	5	1	15		28	8	1	13		13
$3\ 1\ 5$		5	5	1	16	79	72	8	1	14	44	46
$3\ 1\ 6$	23	19	5	1	17	<u> </u>	3	9	1	1		22
3 1 7		14	6	1	0		20	9	1	2		5
3 1 8	145	122	6	1	1		18	9	1	3		11
319		12	6	1	2	63	62	9	1	4	128	138
$3\ 1\ 10$	30	25	6	1	3		23	9	1	5		3
3 1 11		18	6	1	4	85	80	9	1	6	52	49
3 1 12	46	50	6	1	5		27	9	1	7		24
3113	46	42	6	1	6	69	69	9	1	8	70	70
3114	82	85	6	1	7		5	9	1	9		6
3115		19	6	1	8	37	33	9	1	10		19
3 1 10	91	30	6	1	9		9	9	1	11		12
311/	1 4 4	18	0	1	10	116	112	9	1	12	73	71
9 1 10 9 1 10	144	100		1	11		4	10	1	0	72	67
3119	40 61	23		1	12	19	78	10	1	1		14
$\frac{1}{4}$	75	67	6	1	10		14	10	1	2		4
412	10	10	6	1	15		14	10	1	3		Z
4 1 3		7	6	1	16	_	21	10	1	4 5		13
414	52	50	7	1	1		10	10	1	0 6	109	100
4 1 5		18	7	1	2	201	222	10	1	17	102	100
416	141	133	7	1	ã	36	36	10	1	8		17
4 1 7		3	7	1	4	45	40	10	1	G		10
418	40	36	7	1	5		8	10	1	10	124	130
419		11	7	1	6	46	44	11	1	1		17
4 1 10	201	225	7	1	7		6	11	1	2	76	74
4 1 11	56	46	7	1	8	116	100	11	1	3		13
$4\ 1\ 12$	46	42	7	1	9		19	11	1	4	50	52
4 1 13		6	7	1	10		15	0	$\overline{2}$	$\overline{2}$		7
4 1 14		13	7	1	11		18	0	2	4	143	147
$4\ 1\ 15$		5	7	1	12	50	48	0	2	6	57	61
4 1 16		15	7	1	13		20	0	2	8	33	35
4 1 17		8	7	1	14	84	79	0	2	10	157	148
4 1 18		14	7	1	15		8	0	2	12		6
511		3	7	1	16	19	29	0	2	14		21
512	56 86	56 26		1	0	56	55	0	2	16	172	153
513	30	26	8	1	1	57	45	0	2	18		8
514	241	247	8	1	2	57	57	1	2	1	15	19

6*

Fortsetzung (Tabelle 3)

1 of coopering (1 about 0)		
$\begin{array}{ c c c } h & k & l & F_0 & F_c \end{array}$	$h k l F_0 F_c $	$h k l F_0 F_c $
1 2 2 26 27	3 2 14 41 47	629 — 8
$1\ 2\ 3\ 59\ 53$	$3\ 2\ 15\ -\ 23$	6210 — 8
1 2 4 - 17	3 2 16 - 24	6 2 11 - 2
$1\ 2\ 5\ 38\ 41$	3 2 17 - 3	6 2 12 - 17
$1 \ 2 \ 6 \ 185 \ 188$	3 2 18 56 54	6 2 13 - 0
1 2 7 - 10	4 2 0 276 325	$6 \ 2 \ 14 \qquad 65 \qquad 62$
1 2 8 98 101	4 2 1 30 27	$6\ 2\ 15\ -\ 6$
129 - 4	4 2 2 90 79	6 2 16 28 28
1 2 10 47 41	$4\ 2\ 3\ -15$	721 - 10
1 2 11 - 6	4 2 4 96 83	7 2 2 86 85
1 2 12 - 2	425 - 10	723 - 13
1 2 13 - 7	426 - 14	$7\ 2\ 4\ 61\ 58$
$1 \ 2 \ 14 \ 86 \ 90$	$4\ 2\ 7\ -16$	725 - 9
1 2 15 - 12	$4\ 2\ 8\ 39\ 38$	
1 2 16 - 30	429 - 9	727 - 7
1 2 17 - 20	$4\ 2\ 10\ -\ 17$	$7\ 2\ 8\ 147\ 170$
$1 \ 2 \ 18 \ 28 \ 32$	4211 - 8	729 - 5
2 2 0 36 41	4 2 12 - 18	7 2 10 - 9
2 2 1 30 25	4 2 13 - 17	7 2 11 - 17
2 2 2 142 130	4214 - 28	
223 - 8	4215 - 4	7213 - 10
224 84 83	4 2 16 112 96	
225 - 9	4217 - 6	
	521 - 20	
227 - 8	522102101	823 - 10
	523 - 10	824 30 30 995 1
229 - 27	524145115 525100	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	525 - 10	0 4 0 03 04 0 9 7 19
2 2 11 - 7	520152155	0 4 1 - 12 0 9 9 47 47
	5272920	828 41 41
2 2 13 - 20	5264244 590 9	829 - 5 8210 - 69 - 57
	529 - 2	8 2 10 05 01
2 2 10 - 3	5911 8	8 2 12 33 32
2 2 10 - 0	5211 - 0 5219 - 93	9212 00 02
2 4 17 - 22	5212 - 25 5213 - 15	9228093
2 2 10 21 22 2 2 1 - 7	5213 165 155	923 - 15
	5212 100 100	9 2 4 38 34
323 - 1	5 2 16 48 49	925 - 3
3 2 4 114 101	5217 - 4	9 2 6 103 110
32522	6 2 0 151 178	927 - 2
326 83 76	621 - 30	9 2 8 32 29
3274345	6 2 2 70 61	929 — 10
328240234	623 - 25	9 2 10 46 47
329 - 2	624 18	$10\ 2\ 0\ 182\ 163$
3210 50 45	625 - 12	10 2 1 — 3
3 2 11 - 13	626 - 15	$10 \ 2 \ 2 \ - 19$
$3 \ 2 \ 12 \ 106 \ 122$	627 — 22	$10\ 2\ 3\ -3$
$3\ 2\ 13\ -2$	6 2 8 - 33	$10\ 2\ 4\ 77\ 72$

Fortsetzung (Tabelle 3)

$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	h k l	$ F_0 = F $	h k l	$ F_0 $	$ F_c $	$h \ k \ l$	$ F_0 $	$ F_c $
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	11 2 1	- 17	3 3 3		0	633		26
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$11\ 2\ 2$	25 23	$3 \ 3 \ 4$	67	75	634	72	66
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$0\ 3\ 2$	18 17	$3 \ 3 \ 5$	24	23	$6\ 3\ 5$		1
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	034	25 22	336	30	35	636		16
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	036	202 205	337	46	41	637		20
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	038	45 48	338	57	67	638		20
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 3 10	218 234	339		14	639		12
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$0 \ 3 \ 12$	7	3 3 10		12	6 3 10	106	101
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$0 \ 3 \ 14$	46 53	3 3 11		10	6311		7
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$0\ 3\ 16$	61 62	$3 \ 3 \ 12$	—	20	6 3 12	63	57
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	131	18 26	3 3 13		22	731		17
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 2$	29 32	$3 \ 3 \ 14$	71	68	$7\ 3\ 2$	157	157
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 3$	34 32	$3 \ 3 \ 15$		14	733		10
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1 3 4	144 157	3 3 16	45	38	734	—	16
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 5$	21 18	4 3 0	48	44	735		2
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 6$	46 49	431	49	49	736		10
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	137	24 20	$4\ 3\ 2$	28	30	737		11
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	138	30 31	4 3 3		26	738	91	98
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 9$	- 1	434		10	739		6
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 10$	4	435		12	7 3 10		22
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 11$	22	4 3 6	96	99	7 3 11		5
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 12$	33 32	437		18	$7 \ 3 \ 12$	49	43
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 13$	3	438		17	830	78	83
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 14$	6	439		14	831	**************	22
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 15$	23	4 3 10	143	151	832	46	49
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 16$	60 50	4 3 11		21	833		18
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$1 \ 3 \ 17$	15	$4\ 3\ 12$	68	70	834	92	92
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$2\ 3\ 0$	125 127	4 3 13	—	22	835		11
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	231	- 12	4 3 14		5	836		9
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	232	97 87	$4 \ 3 \ 15$		11	837		8
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	233	19 13	$5\ 3\ 1$		14	838	55	45
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	234	188 194	532		11	839		14
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	235	45 44	533		19	8 3 10	49	47
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	236	49 46	534	178	182	8 3 11	31	33
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	237	25 21	535		8	931		5
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	238	31 33	536	74	71	932		2
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	239	- 11	537		7	933		3
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2310	33 30	538	91	103	934	139	113
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	4011 9919	14	539		17	935		8
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2012 9919	100 114		32	29	936	48	49
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	⊿ ∂ 1∂ 9 2 14	- 18 BA 71		195	7	937		7
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2 9 14 9 9 15	04 11	5 3 12	120	110	938	59	59
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2 2 18	0	5 2 14	 5 1	17	10 3 0	00	71
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2 3 17	26 21	0014 89 0	91	49	10 3 1		4
8 - 6 - 6 - 6 - 6 - 6 - 6 - 6 - 6 - 6 -	331	42 24	621		12	103Z 1099		0
	332	192 216	63 9	33	31	10.3.3		0

(hkl)	10 ³ · sin² ϑ ber.	10 ³ · sin² ϑ beob.	Int., ber.	Int., beob.	(hkl)	10³ · sin² ϑ ber.	10 ³ · sin² ∜ beob.	Int., ber.	Int., beob.
(002)	9,4	9,5	189	\mathbf{ms}	(21 8)	205,4)		20)	
(102)	16,3	16,2	625	\mathbf{st}	(32 4)	207,9	908.0	55	2
(010)	27,1)	07 0	ן564	at	(51 2)	208,0	208,9	17 (8
(200)	27,4∫	21,2	40∫	SU	(50 4)	209,1]		11)	
(202)	36,9	97 1	703j	ant	(30 8)	$212,5^{'}$	213,2	142	\mathbf{ms}
(004)	37,7∫	07,1	361}	SSU	(42 0)	218,2		267)	
(112)	43,4	49.0	449j	mat	(22 6)	220,8	220,4	309	\mathbf{st}
(104)	44,6	45,9	34∫	mst	(41 6)	221,7)		87)	
(210)	54,6	54,5	659^{\prime}	\mathbf{st}	(42 2)	227,7	227,7	30	\mathbf{ss}
(212)	64,0)		544)		(51 4)	236,2)	938 A	279)	700
(014)	64,8	64,8	49	\mathbf{st}	(31 8)	239,7	200,0	66 }	111
(204)	65,1)		145		(42 4)	255,9j		28j	
(302)	71,1)	T 1 4	142	\mathbf{sst}	(50 6)	256,2	256,1	122	\mathbf{ms}
(114)	71,7	11,4	1000)		(60 2)	256,3)		18J	
(006)	84,8	85,5	28	SS	(0110)	262,8)	963.0	209 ļ	m 0
(311)	91,2)		67)		(2010)	263,1	200,0	53	111
(106)	91,7	0.0.4	138		(51 6)	283,4j	984 0	36 Į	a
(214)	92,3	92,4	719	SSU	(61 2)	283,4	204,0	14)	8
(115)	92,9		52		(13 4)	288,8j	900.3	88 J	700 0
(312)	98,3	98,6	6 89´	\mathbf{st}	(52 2)	289,4	290,0	92)	1115
(020)	108,5)	100.0	217)		(23 4)	309,3	309,5	124	\mathbf{ms}
(400)	109,7	109,2	151	m	(33 2)	315,3	315,9	151	\mathbf{ms}
(016)	112,0j		241j		(32 8)	321,1	322,4	172	\mathbf{ms}
(206)	112,3	113,0	154	\mathbf{mst}	(03 6)	329,0)	991 /	65)	a
(215)	113,5)		174)		(60 6)	331,7	əə1, 4	24 (Ð
(314)	126,6	126,7	59	s	(33 4)	343,6)		17j	
(123)	136,6}		25		(0210)	344,2	945 5	32	a
(410)	136,8	100 1	15		(4010)	345,4	949,9	14	a
(411)	139,2	139,1	39	\mathbf{ms}	(70 2)	345,4		24	
(216)	139,4		32		(51 8)	349,4j	959.9	52)	a.d
(222)	145,4j		140j		(62 0)	355,4}	555,6	44 ∫	5u
(024)	146,2	146, 4	- 88}	\mathbf{m}	(52 6)	364,8)	965 5	64)	a
(306)	146,5)		53)		(62 2)	364,8	309,9	10 j	a
(224)	173,7	174,6	45	s	(2210)	371,6)		40j	
(208)	178,2)		35)		(4110)	372,5	373,1	135	m
(322)	179,7	181,3	30}	\mathbf{ms}	(71 2)	372,5)		131)	
(502)	180,8)		104)		(2112)	393,9	394,3	63	s
(126)	200,2	201,2	198	\mathbf{m}					

Tabelle 4. Auswertung einer Pulveraufnahme von LiNa[Ge₄O₉]; CuK_{α}-Strahlung, sin² $\vartheta \leq 0,4$

0,089 (Gewichtsschema nach $Hughes^4$). Die Lithium-Positionen konnten schließlich aus einer dreidimensionalen Differenz-Fourier-Synthese mit den Koeffizienten ($F_0 - F_{c[NaGe_4O_3]}$) bestimmt werden. Nach Einbeziehung der Li-Atome verbessert sich der R-Wert auf 0,086.

⁴ E. W. Hughes, J. Amer. Chem. Soc. 63, 17137 (1941).

Tab. 2 enthält die gefundenen Atomparameter für LiNaGe₄O₉ mit den aus der invertierten Matrix der Normalgleichungen berechneten mittleren Abweichungen (σ_i). Tab. 3 gibt die beobachteten und berechneten Strukturamplituden wieder, Tab. 4 die Auswertung einer Pulveraufnahme (CuK_{α}-Strahlung; sin² $\vartheta \leq 0,4$).



Abb. 2. Räumliche Anordnung der [GeO₄]-Tetraeder und [GeO₆]-Oktaeder in LiNa[Ge₄O₉]

Diskussion der Kristallstruktur

Wie aus Abb. 2 und 3 hervorgeht, enthält die Kristallstruktur 6periodige Ketten von [GeO₄]-Tetraedern, welche durch Verknüpfung mit [GeO₆]-Oktaedern ein dreidimensionales Gerüst aufbauen. Vergleicht man die Kristallstruktur von LiNa[Ge₄O₉] mit jener von Ba[Ge₄O₉]⁵, so fällt auf, daß das Verhältnis von tetraedrisch zu oktaedrisch koordiniertem Germanium in beiden Fällen 3:1 beträgt; im Bariumtetragermanat liegen jedoch an Stelle der [GeO₃]_n-Ketten Dreierringe der Formel [Ge₃O₉] vor. Diese Dreierringe ermöglichen die Ausbildung eines stärker aufgelockerten Anionengerüstes, in welchem auch größere Kationen, wie z. B. Ba²⁺, Platz finden.

Als mittlere Ge—O-Abstände wurden für die tetraedrische Umgebung 1,758 Å gefunden (Tab. 5), in guter Übereinstimmung z. B. mit den entsprechenden Werten von Li₂GeO₃ $(1,74 Å)^6$ oder BaGe₄O₉ $(1,740 Å)^5$. Ebenso entspricht der mittlere oktaedrische Ge—O-Abstand von 1,866 Å jenem in BaGe₄O₉ mit 1,877 Å.

⁵ C. Robbins, A. Perloff und S. Block, J. Res. Natl. Bur. Standards **70 A**, 385 (1966).

⁶ H. Völlenkle und A. Wittmann, Mh. Chem. 99, 244 (1968).

Die Unterschiede in der elektrostatischen Bindungsstärke der Sauerstoffatome O (1) bis O (5) mit den Werten 2,33; 2,27; 1,84; 1,87; 1,87 werden durch eine entsprechende Verlängerung bzw. Verkürzung eines Teiles der Ge-O- und Na-O-Abstände gegenüber dem mittleren Ab-



Abb. 3. Kristallstruktur von LiNa[Ge₄O₉], projiziert auf die (*xz*)-Ebene; die Parameter in der Projektionsrichtung sind in Prozent der *b*-Achse angegeben. Für die zwei wechselweise besetzten Lithium-Lagen ist jeweils nur eine der beiden übereinstimmenden Koordinationen eingezeichnet

stand ausgeglichen [vgl. Ge(3) und Na in Tab. 4]. Die Na-Atome sind von 6 Sauerstoffatomen in Gestalt eines verzerrten Oktaeders bei einem mittleren Abstand von 2,57 Å umgeben.

Das Lithium-Atom besetzt wechselweise zwei Plätze innerhalb eines Oktaeders mit einem Abstand von ca. 0,6 Å und besitzt damit die Koordinationszahl 5, wobei die Nachbaratome in Form einer verzorrt quadratischen Pyramide angeordnet sind (Abb. 3). Die gleichen Koordinationsverhältnisse wurden für eine Lithium-Position im Lithiumorthosilicat, Li₄SiO₄, aufgefunden⁷. Beim β -Spodumen wurde zwar

⁷ H. Völlenkle, A. Wittmann und H. Nowotny, Mh. Chem. 99, 1360 (1968).

Ge(1) - O(2,2')	$\textbf{1,757} \pm \textbf{0,020}$	Na-O(1,1')	$2,900\pm0,034$
O(4,4')	1,758 \pm 0,018	O(2,2')	2,475 \pm 0,024
		O(3,3')	2,326 \pm 0,024
Mittelwert	1,757		
		Mittelwert	2,567
Ge(2)-O(3,3')	1,865 \pm 0,020		
O(4,4')	1,878 \pm 0,018	LiO(2)	$2,397 \pm 0,134$
O(5,5')	$1,856 \pm 0,020$	-O(2')	$2,960 \pm 0,134$
		O(4)	$1,931 \pm 0,134$
Mittelwert	1,866	O(4')	$1,827 \pm 0,134$
		-O(5)	$1,980 \pm 0,134$
Ge(3) - O(1)	$1,785 \pm 0,031$	O(5')	$1,922 \pm 0,134$
0(2)	$1,789 \pm 0.020$	TRAFFIC TRAFFIC	
	$1,716 \pm 0.020$	Mittelwert fur	2.01
	$1,740 \pm 0,020$	Koordinationszahl 5	
34:44-3	1 550	$L_1 - Ge(2)$	$2,727 \pm 0,133$
Mittelwert	1,758	Ge(2)	$2,849 \pm 0,133$
O(2)— $Ge(1)$ — $O(2')$	103,3 \pm 1,3	O(1,1')—Na— $O(2)$	100,3 \pm 0,9
O(2,2')— $Ge(1)$ — $O(4)$	109,6 \pm 0,9	O(2')	96,9 \pm 0,9
O(4')	107,1 \pm 0,9	O(3)	79,7 \pm 1,0
O(4)— $Ge(1)$ — $O(4')$	119,1 \pm 1,2	O(3')	75,8 \pm 1,0
		O(2)—Na— $O(2')$	109,1 \pm 1,1
O(3)— $Ge(2)$ — $O(3')$	91,3 \pm 1,2	O(2,2')—Na— $O(3)$	90,5 \pm 0,8
O(3,3')— $Ge(2)$ — $O(4)$	88,8 \pm 0,8	O(3)—Na— $O(3')$	$69,9 \pm 1,1$
O(5)	94,1 \pm 0,9		
-O(5')	90,8 \pm 0,9		
O(4)— $Ge(2)$ — $O(4')$	91,2 \pm 1,1	O(2)—Li— $O(4)$	92,7 \pm 5,2
O(4,4')Ge(2)O(5)	$89,4 \pm 0,8$	O(4')	104,9 \pm 5,7
-O(5')	$85,7\pm0,8$	O(5)	$99,5\pm5,5$
		-O(5')	$96,9\pm5,0$
O(1) - Ge(3) - O(2)	$107,4 \pm 1,2$	O(4)—Li— $O(4')$	$162,4 \pm 8,1$
0(3)	106.8 ± 1.3		80.9 ± 6.4
-O(5)	$102,4 \pm 1,2$	-O(5')	93.7 ± 6.0
O(2) - Ge(3) - O(3)	$112,4 \pm 0,9$	O(4')—Li— $O(5)$	$95,1 \pm 6,1$
0(5)	$109,7 \pm 0,9$	U(5')	$85,2 \pm 6,1$
$C_{0}(2) - C_{0}(2) - C_{0}(2)$	$141,1 \pm 0,9$	O(9)—L1— $O(9')$	$102,9 \pm 8,1$
$G_{0}(1) = O(1) - G_{0}(3)$	$124, 1 \pm 1, 8$		
Ge(1) - G(2) - Ge(3)	190,8 ± 1,1		

Tabelle	5.	Interatomare	Abstände	und	Winkel	(in	Å	und	Grad)
			für LiNa[(Ge ₄ O ₉]]				

ebenfalls eine wechselweise Besetzung innerhalb eines Oktaeders gefunden⁸, das jedoch solcherart deformiert ist, daß für die beiden Li-Positionen eine ungefähr tetraedrische Sauerstoffumgebung resultiert.

Wie aus Tab. 1 hervorgeht, ändern sich die Gitterparameter beim Übergang von $\text{Li}_2\text{Ge}_4\text{O}_9$ zu LiNaGe $_4\text{O}_9$ nur geringfügig. Demgemäß bleibt auch der mittlere Sauerstoffabstand der Natrium-Position nahezu

⁸ Chi-Tang Li und D. R. Peacor, Z. Kristallogr. 126, 46 (1968).

90 H. Völlenkle u. a.: Die Kristallstruktur der Verbindung LiNa[Ge₄O₉]

unverändert (2,55 Å in Li₂Ge₄O₉); eine Besetzung dieser Position durch die wesentlich kleineren Li-Atome ist daher unwahrscheinlich. Dagegen ist anzunehmen, daß die Li-Atome eine um die halbe *b*-Achse verschobene Position (1/4; 0; 0,288) bevorzugen, die mit einer Koordinationszahl 6 einen mittleren Sauerstoffabstand von 2,26 Å aufweist. Ein nahezu gleich großer Abstand für die Koordinationszahl 6 wurde z. B. in der Kristallstruktur von Li₄SiO₄ mit 2,247 Å gefunden⁷. Die für diese Art der Li—Na-Substitution berechneten Intensitäten der Pulverdiagramme geben die an sich geringfügigen, aber eindeutig feststellbaren Intensitätsänderungen richtig wieder.

Die Rechenarbeiten konnten mit der Rechenanlage IBM 7040 des Institutes für numerische Mathematik der Technischen Hochschule Wien durchgeführt werden, wofür wir dem Vorstande, Herrn Prof. Dr. *H. Stetter*, bestens danken. Ferner sei der Firma Owens-Illinois, Toledo (Ohio), für die Unterstützung gedankt.